

Examen de Matemáticas 2º Bachillerato (CS)

Febrero 2024

Problema 1 (2,5 puntos)

- a) (1,25 puntos) ¿Cuáles son las asíntotas (horizontales, verticales y/u oblicuas) de la siguiente función?

$$f(x) = \frac{2x^2 - 1}{x - 1}$$

- b) (1,25 puntos) Dada la siguiente función definida a trozos:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\ln x}{x-1} & \text{si } 0,5 \leq x < 1 \\ ax^2 + b & \text{si } 1 \leq x < 2 \\ e^x + 1 & \text{si } 2 \leq x < 2,5 \end{cases}$$

Determine los parámetros a y b para que f sea continua en el intervalo $[0,5; 2,5]$.

Problema 2 (2,5 puntos)

- a) (1,25 puntos) Un hospital ha determinado que el número de pacientes que hay en urgencias a lo largo de un turno de 36 horas viene dado por la función $P(t)$, donde $t \in [0, 36]$ se expresa en horas. Se sabe que $P'(t) = t^2 - 40t + 231$ es la derivada de $P(t)$ y que al finalizar el turno quedan en urgencias 448 pacientes. ¿En qué momento del turno hay menos pacientes en urgencias? ¿Cuántos pacientes hay en ese momento?
- b) (1,25 puntos) En una panadería el coste de producción de una hogaza es de 2€, y el precio de venta de x hogazas, en €, viene dado por la función $P(x) = x(122 - x)$. Además, esta panadería tiene unos gastos fijos mensuales de 500€. Suponiendo que todas las hogazas que se producen se venden, ¿cuántas hogazas debería producir la panadería al mes para maximizar sus ganancias mensuales? ¿A cuánto ascenderían esas ganancias?

Problema 3 (2,5 puntos) Dadas las funciones $f(x) = -x^2 + 6x$ y $g(x) = x^2 - 2x$

- a) Determine los intervalos de crecimiento y decrecimiento de ambas funciones.
- b) ¿Cuáles y de qué tipo (máximo/mínimo relativo/absoluto) son los extremos de ambas funciones?
- c) Dibuje la gráfica de ambas funciones, indicando claramente sus puntos de corte con los ejes OX y OY , así como los puntos de corte entre f y g .

d) Calcule el área de la región que queda encerrada entre las funciones f y g .

Problema 4 (2,5 puntos)

- a) (1,25 puntos) Una frutería ha conseguido determinar que el peso total de la fruta que guarda en el almacén, expresado en kilogramos, viene dado por la función $P(t) = 30t^2 - 240t + 3000$, donde $t \in [0, 6]$ representa las horas transcurridas desde el momento de la apertura. ¿En qué momento hay menos fruta en el almacén? ¿Cuántos kilogramos hay en ese momento?
- b) (1,25 puntos) En una sastrería familiar, el coste total que supone producir x pantalones, en €, viene dado por la función $C(x) = 120x + 700$. Por otro lado, el precio de venta de esos x pantalones, en €, viene dado por la función $P(x) = x(200 - x)$. Suponiendo que todos los pantalones que se producen se venden, ¿cuántos pantalones habría que producir para que el beneficio obtenido sea máximo?