

**Examen de Matemáticas Aplicadas a las
CC. Sociales II (Modelo 2022)
Selectividad-Opción A**
Tiempo: 90 minutos

Problema 1 (2 puntos) Se considera la matriz $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & a & 2 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$

- a) Determine los valores del parámetro real a para los cuales la matriz A es invertible.
- b) Calcule, para $a = 0$, la matriz inversa A^{-1} .

Problema 2 (2 puntos) Sea S la región del plano definida por:

$$x + y \geq 3, \quad 2x + y \leq 8, \quad x + 2y \leq 10, \quad x \geq 0, \quad y \geq 0$$

- a) Represente gráficamente la región S y calcule las coordenadas de sus vértices.
- b) Obtenga el valor máximo de la función $f(x, y) = 2x + 3y$ en S , indicando el punto de la región en el cual se alcanza el máximo y el valor máximo alcanzado.

Problema 3 (2 puntos) Se considera la función real de variable real $f(x) = \sqrt{1 + x^2}$

- a) Calcule la ecuación de la recta tangente a la gráfica de $f(x)$ en el punto de abscisa $x = 0$.
- b) Calcule $\int_0^1 2xf(x) dx$

Problema 4 (2 puntos) Una empresa de reparto de comida a domicilio reparte platos de dos restaurantes. El 60% de los platos que reparte proceden del primer restaurante y el 40% restante del segundo. El 50% de los platos que reparte del primer restaurante están cocinados con productos ecológicos, siendo este porcentaje de un 80% para el segundo restaurante. Elegido un plato al azar:

- a) Calcule la probabilidad de que esté cocinado con productos ecológicos.
- b) Si el plato seleccionado no está cocinado con productos ecológicos, obtenga la probabilidad de que proceda del segundo restaurante.

Problema 5 (2 puntos) El tiempo diario de juego con videoconsolas de un estudiante de secundaria sigue una distribución normal de media μ y desviación típica 0,25 horas.

- a) Se toma una muestra aleatoria simple de tamaño 25. Calcule la probabilidad de que la media muestral \bar{X} no supere las 2,9 horas si $\mu = 2,75$ horas.
- b) Sabiendo que para una muestra aleatoria simple de 64 personas se ha obtenido un intervalo de confianza (2,9388;3,0613) para μ , determine el nivel de confianza con el que se obtuvo dicho intervalo.

**Examen de Matemáticas Aplicadas a las
CC. Sociales II (Modelo 2021)
Selectividad-Opción B**

Tiempo: 90 minutos

Problema 1 (2 puntos) Se considera el sistema de ecuaciones dependiente del parámetro real a :

$$\begin{cases} x - y + z = 2 \\ x - y + az = -1 \\ 2x + y + z = 6 \end{cases}$$

- a) Discuta el sistema en función de los valores del parámetro real a .
- b) Resuelva el sistema para $a = -2$.

Problema 2 (2 puntos) Se considera la función real de variable real definida por

$$f(x) = \frac{10}{x^2 + 2x - 3}$$

- a) Determine el dominio de $f(x)$ y calcule sus asíntotas.
- b) Obtenga los intervalos de crecimiento y decrecimiento de $f(x)$ y determine los extremos relativos indicando si corresponden a máximos o mínimos.

Problema 3 (2 puntos) Considere la función real de variable real definida por:

$$f(x) = \begin{cases} ax^2 - 2x & \text{si } x \leq 2 \\ \ln(x - 1) & \text{si } x > 2 \end{cases}$$

- a) Determine para qué valores de $a \in \mathbb{R}$ la función $f(x)$ es continua en su dominio.
- b) Para $a = 1$, halle el área de la región acotada delimitada por la función $f(x)$, el eje de abscisas y las rectas $x = -1$, $x = 0$.

Problema 4 (2 puntos) Entre los deportistas profesionales, el 50 % disfrutan de una beca de alto rendimiento y el 30 % está cursando estudios superiores. Se sabe también que el 10 % de los deportistas profesionales disfrutan de una beca de alto rendimiento y además están cursando estudios superiores. Seleccionado un deportista profesional al azar, calcule la probabilidad de que:

- a) Disfrute de una beca de alto rendimiento o esté cursando estudios superiores.
- b) No disfrute de una beca de alto rendimiento, sabiendo que no está cursando estudios superiores.

Problema 5 (2 puntos) Una empresa que gestiona una aplicación de movilidad sostenible sabe que el tiempo que tardan en llegar a la universidad en coche los estudiantes se puede aproximar por una variable aleatoria normal de media μ minutos y desviación típica $\sigma = 6$ minutos.

- a) Una muestra aleatoria simple de 81 universitarios proporciona un tiempo medio de traslado hasta la universidad de 44 minutos. Calcule el intervalo de confianza al 90 % para estimar μ .
- b) Determine el tamaño mínimo de una muestra aleatoria simple para obtener un intervalo de confianza para μ de amplitud a lo sumo de 3 minutos, con un nivel de confianza del 95 %.