

Examen de Matemáticas 2º Bachillerato (CS)
Octubre 2017

Problema 1 Resolver el siguiente sistema

$$\begin{cases} 2X + Y = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -2 & 5 \end{pmatrix} \\ X + Y = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -2 & 1 \end{pmatrix} \end{cases}$$

Solución:

$$\begin{cases} 2X + Y = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -2 & 5 \end{pmatrix} \\ X + Y = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -2 & 1 \end{pmatrix} \end{cases} \implies \begin{cases} X = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix} \\ Y = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ -2 & -3 \end{pmatrix} \end{cases}$$

Problema 2 Resolver la ecuación matricial $AX + B = C + X$. Donde

$$A = \begin{pmatrix} 7 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}; \quad B = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}; \quad C = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 5 & 0 \end{pmatrix}$$

Solución:

$$AX + B = C + X \implies AX - X = C - B \implies X = (A - I)^{-1}(C - B)$$

$$A - I = \begin{pmatrix} 7 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad (A - I)^{-1} = \begin{pmatrix} 1/6 & -1/2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$C - B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 5 & 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 1 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 4 & -3 \end{pmatrix}$$

$$X = (A - I)^{-1}(C - B) = \begin{pmatrix} 1/6 & -1/2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 4 & -3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -11/6 & 5/3 \\ 4 & -3 \end{pmatrix}$$

Problema 3 Calcular el siguiente sistema

$$\begin{cases} x + 2y - z = 3 \\ x + y + 2z = 5 \\ 2x - y - z = 2 \end{cases}$$

Solución:

$$\begin{cases} x + 2y - z = 3 \\ x + y + 2z = 5 \\ 2x - y - z = 2 \end{cases} \implies \begin{cases} x = 2 \\ y = 1 \\ z = 1 \end{cases}$$

Problema 4 Dadas las matrices

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 0 & -2 & 3 \\ 2 & 3 & 5 & 4 \end{pmatrix} \text{ y } B = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$$

Calcular si es posible $A \cdot A$, $A \cdot B$, $B \cdot B$ y $B \cdot A$

Solución:

$A \cdot A$ y $A \cdot B$ no se pueden multiplicar.

$$B \cdot A = \begin{pmatrix} 7 & 9 & 17 & 9 \\ 8 & 15 & 21 & 26 \end{pmatrix}, \quad B \cdot B = \begin{pmatrix} 7 & 12 \\ 8 & 31 \end{pmatrix}$$