

**Examen de Matemáticas II (Modelo 2018)**  
**Selectividad-Opción A**

**Tiempo: 90 minutos**

---

---

**Problema 1** (2,5 puntos) Dadas las matrices  $A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & 3 \end{pmatrix}$ , y  $I =$

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  se pide:

- a) (1,5 puntos) Obtener los valores de  $m$  para los que que la matriz  $A - mI$  admite inversa.
- b) (1 punto) Calcular la matriz inversa de  $A - 2I$ .

**Problema 2** (2,5 puntos) Dada la función  $f(x) = 2 \cos(x) + |x - 1|$ , se pide:

- a) (0,5 puntos) Determinar el valor de  $f'(0)$ .
- b) (1 punto) Calcular la ecuación de la recta tangente a la curva  $y = f(x)$  en el punto de abscisa  $x = \pi$ .
- c) (1 punto) Hallar el área del recinto plano limitado por la la curva  $y = f(x)$ , el eje  $OX$  y las rectas  $x = \pi$  y  $x = 2\pi$ .

**Problema 3** (2,5 puntos) Dados los planos  $\pi_1 \equiv 3x + y + 2z - 1 = 0$ ,

$\pi_2 \equiv 2x - y + 3z - 1 = 0$  y la recta  $r \equiv \begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = -1 + t \\ z = 1 + t \end{cases}$ , se pide:

- a) (1,5 puntos) Hallar los puntos de la recta  $r$  equidistantes de  $\pi_1$  y  $\pi_2$ .
- b) (1 punto) Hallar el área del triángulo que forma el punto  $P(-2, 3, 2)$  con los puntos de intersección de  $r$  con  $\pi_1$  y  $\pi_2$ .

**Problema 4** (2,5 puntos) Sabiendo que el peso de los estudiantes varones de segundo de bachillerato se puede aproximar por una variable aleatoria con distribución normal, de media 74 kg y desviación típica 6 kg, se pide:

- a) (1 punto) Determinar el porcentaje de estudiantes varones cuyo peso esta comprendido entre los 68 y 80 kg.
- b) (0,5 puntos) Estimar cuántos de los 1500 estudiantes varones, que se han presentado a las pruebas de la EvAU en una cierta universidad, pesan más de 80 kg.

- c) Si se sabe que uno de estos estudiantes pesa más de 76 kg, ¿cuál es la probabilidad de que pese más de 86 kg?

## Examen de Matemáticas II (Modelo 2018) Selectividad-Opción B

**Tiempo: 90 minutos**

---



---

**Problema 1** (2,5 puntos) Dada la matriz  $A$  y los vectores  $X$  y  $B$  siguientes:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ m & 1 & m+1 \\ 1 & m & m \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2+m \end{pmatrix}$$

se pide:

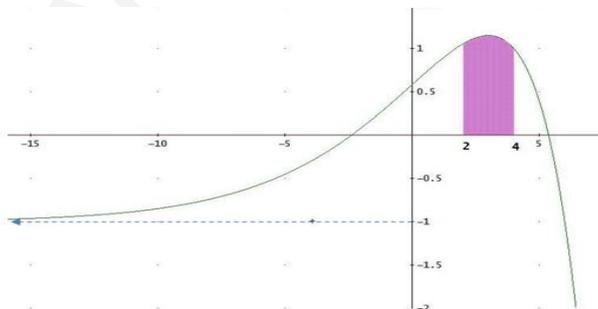
- a) (2 puntos) Discutir el sistema lineal  $AX = B$  en función de los valores del parámetro  $m$ .
- b) (0,5 puntos) Resolver el sistema lineal  $AX = B$  cuando  $m = -1$ .

**Problema 2** (2,5 puntos) El dibujo adjunto muestra la gráfica de la función

$$f(x) = (6-x)e^{\frac{x-4}{3}} - 1$$

se pide:

- a) (1 punto) Calcular el área de la region sombreada.
- b) (1 punto) Determinar la abscisa del punto de la gráfica donde la recta tangente tiene pendiente máxima.
- c) (0,5 puntos) Efectuando los cálculos necesarios, obtener la ecuación de la asíntota que se muestra en el dibujo (flecha discontinua inferior).



**Problema 3** (2,5 puntos) Dados los planos  $\pi_1 \equiv x + y = 0$ ,  $\pi_2 \equiv x = 0$  y el punto  $B(-1, 1, 1)$ , se pide:

- a) (1 punto) Determinar el punto  $B'$ , simétrico de  $B$  respecto del plano  $\pi_2$ .
- b) (1 punto) Obtener una ecuación de la recta  $r$ , contenida en el plano  $\pi_1$ , paralela al plano  $\pi_2$  y que pasa por el punto  $B$ .
- c) (0,5 puntos) Hallar el ángulo que forman los planos  $\pi_1$  y  $\pi_2$ .

**Problema 4** (2,5 puntos) En una bolsa hay 10 caramelos de fresa, 15 de menta y 5 de limón. Se extraen sucesivamente de la bolsa dos caramelos. Se pide:

- a) (1 punto) Determinar la probabilidad de que el segundo de ellos sea de fresa.
- b) (0,5 puntos) Determinar la probabilidad de que los dos sean de fresa.
- c) (1 punto) Sabiendo que el segundo ha sido de fresa, calcular la probabilidad de que lo haya sido también el primero.