

Examen de Matemáticas 2º Bachillerato (CS)

Febrero 2016

Problema 1 Estudiar la continuidad de la siguiente función:

$$f(x) = \begin{cases} 3x + 2 & \text{si } x < -1 \\ x^2 - 2 & \text{si } -1 \leq x < 1 \\ 3 & \text{si } x = 1 \\ x - 2 & \text{si } 1 < x < 2 \\ 2x & \text{si } 2 \leq x \end{cases}$$

en los puntos $x = -1$, $x = 1$ y en $x = 2$. Representarla gráficamente.

Problema 2 Calcular a y b para que la siguiente función:

$$f(x) = \begin{cases} 3ax^2 - 2bx + 1 & \text{si } x < 1 \\ bx^2 - 2ax + 3 & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$$

sea continua y derivable en $x = 1$.

Problema 3 Calcular a y b para que la función siguiente sea continua en $x = -1$ y en $x = 1$

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2ax-3b}{2} & \text{si } x < -1 \\ bx - 2 & \text{si } -1 \leq x < 1 \\ \frac{3ax-4b}{2} & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$$

Problema 4 Estudiar la continuidad y derivabilidad de la función $f(x) = |x^2 - x - 6|$ y representarla gráficamente.

Problema 5 Dada la función $f(x) = x^3 - x^2 - 6x$, encontrar el área encerrada por ella, el eje OX y las rectas $x = -1$ y $x = 1$.