

**Examen de Matemáticas Aplicadas a las  
CC. Sociales II (Junio 2015-coincidente)  
Selectividad-Opción A**  
**Tiempo: 90 minutos**

---

---

**Problema 1** (2 puntos) Se considera el sistema de ecuaciones dependiente del parámetro real  $a$ :

$$\begin{cases} x + y + z = a \\ ax + y + z = 1 \\ x + ay + 2z = 1 \end{cases}$$

- a) Discútase para los diferentes valores de  $a \in \mathbb{R}$ .
- b) Resuélvase para  $a = 1$ .

**Problema 2** (2 puntos) Se considera la función real de variable real definida por:

$$f(x) = \frac{x^2 + a}{x - 1}$$

- a) Calcúlese el valor del parámetro real  $a$ , sabiendo que la función alcanza un extremo relativo en  $x = -1$ . Compruébese que se trata de un máximo.
- b) Para  $a = 1$ , calcúlese  $\int_{-1}^0 (x - 1)f(x)dx$ .

**Problema 3** (2 puntos) Se sabe que la derivada de cierta función real de variable real  $f$  es  $f'(x) = x^2(x^2 - 2x - 15)$

- a) Determínense los intervalos de crecimiento y de decrecimiento de  $f$ .
- b) Determínense los extremos relativos de  $f$ , indicando si se trata de máximos o mínimos relativos.

**Problema 4** (2 puntos) En cierto ensayo clínico, se trata al 60 % de pacientes afectados de hepatitis C con interferón, y al 40 % restante con ribavirina más interferón. Al cabo de ocho semanas se observa una respuesta favorable al tratamiento en el 43 % de los pacientes tratados únicamente con interferón y en el 71 % de los pacientes tratados con ribavirina más interferón. Se toma al azar un paciente del ensayo. Determínese la probabilidad de que:

- a) Haya respondido favorablemente al tratamiento que está recibiendo.
- b) Si ha respondido favorablemente al tratamiento, haya sido tratado únicamente con interferón.

**Problema 5** (2 puntos) El consumo de agua, medido en litros, en una ducha puede aproximarse por una variable aleatoria con distribución normal de media desconocida  $\mu$  y desviación típica  $\sigma = 10$  litros.

- a) Se toma una muestra aleatoria simple de 25 duchas, obteniéndose una media muestral  $\bar{x} = 100$  litros. Determínese un intervalo de confianza al 95 % para  $\mu$ .
- b) Determínese el tamaño muestral mínimo necesario para que al estimar  $\mu$  mediante la media muestral, el error cometido sea menor que 2 litros, con un nivel de confianza del 99 %.

**Examen de Matemáticas Aplicadas a las  
CC. Sociales II (Junio 2015-coincidente)  
Selectividad-Opción B  
Tiempo: 90 minutos**

---

---

**Problema 1** (2 puntos) Se consideran las matrices dependientes del parámetro real  $a$

$$A = \begin{pmatrix} a & 0 & 1 \\ 2 & 2 & 0 \end{pmatrix} \text{ y } B = \begin{pmatrix} a & 0 \\ 2 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

- a) Determínense los valores de  $a$  para los que la matriz  $A \cdot B$  admite inversa.
- b) Para  $a = 0$ , resuélvase la ecuación matricial  $(A \cdot B) \cdot X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$

**Problema 2** (2 puntos) Un banco oferta dos productos financieros,  $A$  y  $B$ . El banco garantiza para el producto  $A$  un beneficio anual del 5 % de la cantidad invertida, y para el producto  $B$  un beneficio del 2 % anual de la cantidad invertida. Una persona desea invertir en ambos productos a lo sumo 10.000 euros, con la condición de que la cantidad invertida en el producto  $A$  no supere el triple de la cantidad invertida en el producto  $B$  y que la inversión en el producto  $B$  sea de 6.000 euros como máximo. Determínese qué cantidad debe invertir en cada producto para obtener, al cabo de un año, un beneficio máximo y obténgase este beneficio máximo.

**Problema 3** (2 puntos) Se considera la función real de variable real definida como

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x+1}{x-1} & \text{si } x \leq 0 \\ x^2 + a & \text{si } 0 < x < 2 \\ bx + 1 & \text{si } x \geq 2 \end{cases}$$

- a) Determinéense los valores que deben tomar los parámetros reales  $a$  y  $b$  para que  $f$  sea continua en toda la recta real.
- b) Determinéense la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en el punto de abscisa  $x = -1$ .

**Problema 4** (2 puntos) Sean  $A$  y  $B$  dos sucesos de un espacio muestral tales que  $P(A) = 0,8$ ;  $P(\overline{A} \cup \overline{B}) = 0,8$  y  $P(A \cup B) = 0,9$ .

- a) ¿Son independientes los sucesos  $A$  y  $B$ ?
- b) Calcúlese  $P(B|\overline{A})$ .

Nota:  $\overline{S}$  denota el suceso complementario del suceso  $S$ .

**Problema 5** (2 puntos) El nivel de colesterol total en sangre en adultos de 50 años, medido en miligramos por decilitro ( $mg/dl$ ), se puede aproximar por una variable aleatoria con distribución normal de media desconocida  $\mu$  y desviación típica  $\sigma = 20mg/dl$ .

- a) A partir de una muestra aleatoria simple se obtiene el intervalo de confianza  $(191,2; 210,8)$ , expresado en  $mg/dl$ , para estimar  $\mu$  con un nivel de confianza del 95 %. Calcúlese la media muestral y el tamaño de la muestra considerada.
- b) Se toma una muestra aleatoria simple de tamaño 100. Calcúlese la amplitud del intervalo de confianza al 98 % para  $\mu$ .