

**Examen de Matemáticas Aplicadas a las
CC. Sociales II (Modelo 2013)
Selectividad-Opción A
Tiempo: 90 minutos**

Problema 1 (2 puntos) Discútase el sistema siguiente en función del parámetro $a \in \mathbb{R}$:

$$\begin{cases} x - y = a \\ x + az = 0 \\ 2x - y + a^2z = 1 \end{cases}$$

Problema 2 (2 puntos) Dada la función real de variable real $f(x) = \frac{3x^2 - 5}{x + 1}$

1. Hállense sus asíntotas horizontales, verticales y oblicuas.
2. Hállense los puntos de corte de la gráfica de f con los ejes de coordenadas y sus intervalos de crecimiento y decrecimiento.

Problema 3 (2 puntos) Dada la función real de variable real

$$f(x) = \begin{cases} -x^2 - 3x + 5 & \text{si } x \leq 1 \\ x^2 & \text{si } x > 1 \end{cases}$$

1. Estúdiese la continuidad de la función en \mathbb{R} .

2. Calcúlese $\int_0^2 f(x) dx$

Problema 4 (2 puntos) Tres máquinas A , B y C fabrican tornillos del mismo tipo. La probabilidad de que un tornillo fabricado en la máquina A sea defectuoso es 0,01, de que lo sea uno fabricado en B es 0,02 y de que lo sea si ha sido manufacturado en C es 0,03: En una caja se mezclan 120 tornillos: 15 de la máquina A , 30 de la B y 75 de la C .

1. Calcúlese la probabilidad de que un tornillo elegido al azar no sea defectuoso.
2. Elegido un tornillo al azar resulta defectuoso. ¿Cuál es la probabilidad de que haya sido fabricado por la máquina B ?

Problema 5 (2 puntos) El peso en gramos del contenido de las cajas de cereales de una cierta marca se puede aproximar por una variable aleatoria con distribución normal de media μ desconocida y desviación típica igual a 5 gramos. Se toma una muestra de tamaño 144.

1. Calcúlese la probabilidad de que el valor absoluto de la diferencia entre la media de la muestra y μ sea menor de 1 gramo.
2. Si la media muestral obtenida es igual a 499,5 gramos, determínese un intervalo de confianza con un nivel del 90 % para el peso medio de ese tipo de cajas de cereales.

www.muscat.net

**Examen de Matemáticas Aplicadas a las
CC. Sociales II (Modelo 2013)
Selectividad-Opción B
Tiempo: 90 minutos**

Problema 1 (2 puntos)

1. Determinense los valores de a y b para que la función objetivo $F(x, y) = 3x + y$ alcance su valor máximo en el punto $(6, 3)$ de la región factible definida por

$$\begin{cases} x \geq 0 \\ y \geq 0 \\ x + ay \leq 3 \\ 2x + y \leq b \end{cases}$$

2. Representese la región factible para esos valores y calcúlense las coordenadas de todos sus vértices.

Problema 2 (2 puntos) Sea la matriz $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -2 \end{pmatrix}$

1. Obténgase A^{2007} .

2. Hállese la matriz B tal que $A \cdot B = \begin{pmatrix} 11 & 5 & 1 \\ -7 & -3 & 0 \end{pmatrix}$

Problema 3 (2 puntos) El coste de fabricación de una serie de hornos microondas viene dado por la función $C(x) = x^2 + 40x + 30000$; donde x representa el número de hornos fabricados. Supongamos que cada horno se vende por 490 euros.

1. Determinese la función de beneficios.
2. ¿Cuántos microondas deben fabricarse y venderse para que los beneficios sean máximos? ¿Cuál es el importe de esos beneficios máximos?

Problema 4 (2 puntos) Sean A y B dos sucesos aleatorios tales que

$$P(A) = \frac{1}{2}, \quad P(\bar{B}) = \frac{3}{4}, \quad P(A \cup B) = \frac{2}{3}$$

1. Determinese si son compatibles o incompatibles los sucesos A y B .
2. Determinese si son dependientes o independientes los sucesos A y B .

Nota: \bar{S} denota al suceso complementario del suceso S .

Problema 5 (2 puntos) La altura de los árboles de una determinada comarca se puede aproximar por una variable aleatoria con distribución normal de media desconocida y varianza 25 cm. Se toma una muestra aleatoria simple y, para un nivel de confianza del 95 %, se construye un intervalo de confianza para la media poblacional cuya amplitud es de 2,45 cm.

1. Determínese el tamaño de la muestra seleccionada.
2. Determínese el límite superior y el inferior del intervalo de confianza si la altura media para la muestra seleccionada fue de 170 cm.

Criterios específicos de corrección

ATENCIÓN: La calificación debe hacerse en múltiplos de 0,25 puntos.

OPCIÓN A

Ejercicio 1.-

Obtención de los valores críticos 1 punto. Discusión del sistema 0,50 para cada caso ($0,50 \times 2$)

Ejercicio 2.-

Apartado a.-Cálculo correcto de asíntotas verticales 0,50 puntos Cálculo correcto de asíntotas horizontales 0,25 puntos Cálculo correcto de asíntotas oblicuas 0,25.

Apartado b.- Cálculo correcto de los cortes con los ejes 0,25 puntos Cálculo correcto de la derivada 0,50 puntos Cálculo correcto de los intervalos de crec. Y decrec. 0,25 puntos

Ejercicio 3.-

Apartado (a) Cálculo correcto de límites laterales en $x = 1$ (0,25 cada uno) Estudio correcto de la continuidad (en $x = 1$ y en $R - \{1\}$) 0,50 puntos.

Apartado (b) Planteamiento correcto de la integral 0,50 puntos. Cálculo correcto de la integral definida 0,50 puntos.

Ejercicio 4.-

Apartado (a) Planteamiento correcto 0,50 puntos Cálculo correcto de la probabilidad pedida 0,50 puntos.

Apartado (b) Planteamiento correcto 0,50 puntos Cálculo correcto de la probabilidad pedida 0,50 puntos.

Ejercicio 5.-

Apartado (a) Planteamiento correcto 0,50 puntos Cálculo correcto de la probabilidad pedida 0,50 puntos.

Apartado (b) Cálculo correcto del punto crítico $z_{\alpha/2}$ 0,25 puntos. Expresión correcta de la fórmula del intervalo de confianza 0,25 puntos Obtención correcta del intervalo de confianza 0,50 puntos.

OPCIÓN B

Ejercicio 1.-

Apartado (a) Planteamiento correcto 0,50 puntos Determinación correcta de a y b 0,50 puntos.

Apartado (b) Repr. correcta de la región para los valores hallados en (a) 0,50 puntos Determin. correcta de los vértices para los valores hallados en (a) 0,50 puntos.

Ejercicio 2.-

Apartado (a) Cálculo correcto de la potencia pedida 1,00 punto. Apartado (b) Cálculo correcto de la matriz inversa de A 0,50 puntos. Cálculo correcto de B 0,50 puntos.

Ejercicio 3.-

Apartado (a) Determinación correcta de la función de beneficios 1,00 punto. Apartado (b) Determinación del número de hornos que se deben vender 0,50 puntos Cálculo del beneficio máximo 0,50 puntos.

Ejercicio 4.-

Apartado (a) Planteamiento y respuesta correctos 1,00 punto. Apartado (b) Planteamiento y respuesta correctos 1,00 punto

Ejercicio 5.-

Apartado (a) Planteamiento correcto 0,25 puntos Cálculo correcto del punto crítico $z_{\alpha/2}$ 0,25 puntos Cálculo correcto del tamaño muestral 0,50 puntos. Apartado (b) Expresión correcta de la fórmula del intervalo de confianza 0,50 puntos Obtención correcta del intervalo de confianza 0,50 puntos

NOTA:

La resolución de ejercicios por cualquier procedimiento correcto, diferente al propuesto por los coordinadores, ha de valorarse con los criterios convenientemente adaptados.