

**Examen de Matemáticas 2º Bachillerato (CS)**  
**Octubre 2012**

---

---

**Problema 1** Resolver el siguiente sistema

$$\begin{cases} 3X - Y = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -2 & 3 \end{pmatrix} \\ X + Y = \begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \end{cases}$$

**Solución:**

$$\begin{cases} 3X - Y = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -2 & 3 \end{pmatrix} \\ X + Y = \begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \end{cases} \implies \begin{cases} X = \begin{pmatrix} 7/4 & 3/4 \\ -1/4 & 1/2 \end{pmatrix} \\ Y = \begin{pmatrix} 13/4 & 5/4 \\ 5/4 & -3/2 \end{pmatrix} \end{cases}$$

**Problema 2** Resolver la ecuación matricial  $AX - X + B = C$ . Donde

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}; \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}; \quad C = \begin{pmatrix} 3 & 7 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

**Solución:**

$$AX - X + B = C \implies X = (A - I)^{-1}(C - B)$$

$$A - I = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad (A - I)^{-1} = \begin{pmatrix} 1/2 & -1/2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$C - B = \begin{pmatrix} 3 & 7 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ -1 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 2 & -3 \end{pmatrix}$$

$$X = X = (A - I)^{-1}(C - B) = \begin{pmatrix} 1/2 & -1/2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 2 & -3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 3 \\ 2 & -3 \end{pmatrix}$$

**Problema 3** Calcular el siguiente determinante

$$\begin{vmatrix} 1 & 0 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & -2 \\ 0 & -1 & 1 & 2 \\ 2 & 0 & 1 & -1 \end{vmatrix}$$

**Solución:**

$$\begin{vmatrix} 1 & 0 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & -2 \\ 0 & -1 & 1 & 2 \\ 2 & 0 & 1 & -1 \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} F_1 \\ F_2 \\ F_3 + F_2 \\ F_4 \end{bmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 0 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & -2 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 1 & -1 \end{vmatrix} =$$
$$\begin{vmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & -1 \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} F_1 \\ F_2 \\ F_3 + F_1 \end{bmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \\ 3 & -1 & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 3 & -1 \end{vmatrix} = -4$$

**Problema 4** Dadas las matrices

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 & 2 \\ -1 & 3 & 4 & 1 \end{pmatrix} \text{ y } B = \begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$$

Calcular si es posible  $A \cdot A$ ,  $A \cdot B$ ,  $B \cdot B$  y  $B \cdot A$

**Solución:**

$A \cdot A$  y  $A \cdot B$  no se pueden multiplicar.

$$B \cdot A = \begin{pmatrix} 6 & -4 & -8 & 2 \\ 5 & 6 & 4 & 7 \end{pmatrix}, \quad B \cdot B = \begin{pmatrix} -2 & -6 \\ 9 & -5 \end{pmatrix}$$