

Examen de Matemáticas 2º de Bachillerato

Enero 2013

Problema 1 Calcular los siguientes límites:

1. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left[\frac{\sqrt[3]{3 + 5x - 8x^3}}{1 + 2x} \right]$
2. $\lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{1}{x^2} \right)^{\tan x}$
3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos 2x - e^{-x} - x}{x \sin x}$
4. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - x \cos x - 1}{\sin x - x + 1 - \cos x}$
5. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2^x + x}{e^x}$
6. $\lim_{x \rightarrow \pi/2} \frac{\cos(\frac{\pi}{2} \sin x)}{(x - \frac{\pi}{2})}$
7. $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 1} - \sqrt{x^2 - x})$
8. $\lim_{x \rightarrow \infty} \ln(x^2 - 9), \quad \lim_{x \rightarrow 3^+} \ln(x^2 - 9)$

Problema 2 Calcular las siguientes integrales:

1. $\int \left(\frac{x^3 + 2\sqrt[3]{x^2} - x}{x^2} - 5e^x \right)$
2. $\int \left(\frac{x^2 - 4\sqrt[4]{x} - x}{x^2} - 2e^x \right)$
3. $\int x^2 e^{5x^3+8} dx$
4. $\int \frac{2x}{4x^2 - 1}$
5. $\int \frac{x^2}{1 + (4 - x^3)^2}$