

**Examen de Matemáticas Aplicadas a las
CC. Sociales II (Modelo 2012)
Selectividad-Opción A
Tiempo: 90 minutos**

Problema 1 (3 puntos) Se considera el siguiente sistema lineal de ecuaciones dependiente del parámetro real k

$$\begin{cases} x + ky + kz = k \\ x + y + z = k \\ ky + 2z = k \end{cases}$$

- a) Discútase el sistema según los diferentes valores de k .
- b) Resuélvase el sistema en el caso en que tenga infinitas soluciones.
- c) Resuélvase el sistema para $k = 4$.

Problema 2 (3 puntos) Una empresa de productos de limpieza fabrica cajas de cartón con tapa, para comercializar un determinado tipo de detergente. Las cajas son prismas rectos de 9000 cm^3 de volumen y base rectangular de largo igual al doble de su anchura. Calcúlense las dimensiones en centímetros (largo, anchura, altura) que ha de tener cada caja para que la superficie de cartón empleada en su fabricación sea mínima.

Problema 3 (2 puntos) Una bolsa contiene dos monedas equilibradas. Una de las monedas tiene cara y cruz y la otra tiene dos caras. Se elige al azar una moneda de la bolsa y se lanza dos veces consecutivas con independencia, observándose dos caras. ¿Cuál es la probabilidad de que la moneda elegida sea la moneda de dos caras?

Problema 4 (2 puntos) Se supone que la concentración de CO_2 en el aire de una determinada región, medida en partes por millón (ppm), se puede aproximar por una variable aleatoria con distribución normal de desviación típica igual a 20 ppm.

- a) Calcúlese el número mínimo de observaciones necesarias para que el valor absoluto de la diferencia entre la media de la población y la media muestral sea menor o igual que 2 ppm con un nivel de confianza mayor o igual que el 95 %.
- b) Determínese un intervalo de confianza del 95 % para la concentración media de CO_2 en el aire de la región si la muestra elegida contiene 121 observaciones y la concentración media muestral es igual a 350 ppm.
 CO_2

**Examen de Matemáticas Aplicadas a las
CC. Sociales II (Modelo 2012)
Selectividad-Opción B
Tiempo: 90 minutos**

Problema 1 (3 puntos) Se considera la matriz $A = \begin{pmatrix} a & 1 \\ 3 & a \end{pmatrix}$

- a) Calcúlese los valores de a para los cuales no existe la matriz inversa A^{-1} .
- b) Para $a = 2$, calcúlese la matriz $B = (A^{-1}A^T)^2$.
- c) Para $a = 2$, calcúlese la matriz X que satisface la ecuación matricial:

$$AX - A^2 = A^T$$

Nota.- A^T representa a la matriz traspuesta de A .

Problema 2 (3 puntos) Se considera la función real de variable real definida por:

$$f(x) = \begin{cases} 2x + 2 & \text{si } x < 0 \\ ax^2 + bx + c & \text{si } 0 \leq x \leq 3 \\ 3 - x & \text{si } x > 3 \end{cases}$$

- a) Calcúlese a , b y c , para que la función f sea continua en todos los puntos y derivable en $x = 0$.
- b) Para $a = 0$, calcúlese b , c , para que la función f sea continua en todos los puntos y calcúlese el área del recinto plano acotado limitado por la gráfica de f y el eje OX .
- c) Para $a = b = 1$, $c = 2$, calcúlese la integral definida $\int_{-1}^3 f(x) dx$.

Problema 3 (2 puntos) Una escuela de natación ofrece cursos de iniciación y perfeccionamiento en las categorías pre-benjamín (7-8 años), benjamín (9-10 años) y alevín (11-12 años). La siguiente tabla contiene la información con el número de nadadores matriculados en cada curso:

	Pre – benjamín	Benjamín	Alevín	Total
Iniciación	120	70	10	200
Perfeccionamiento	40	90	150	280
Total	160	160	160	480

Se elige al azar un nadador de la escuela.

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que esté en el curso de iniciación?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que esté en el curso de perfeccionamiento o bien sea alevín?
- c) Si el nadador elegido es un benjamín, ¿cuál es la probabilidad de que esté en el curso de perfeccionamiento?
- d) Si el nadador elegido está en el curso de iniciación, ¿cuál es la probabilidad de que sea benjamín?

Problema 4 (2 puntos) Se supone que la tensión de un tipo de línea eléctrica se puede aproximar por una variable aleatoria con distribución normal de media $\mu = 100V$ y desviación típica $\sigma = 10V$. ¿Cuál es la distribución de la tensión media de cuatro líneas eléctricas de ese tipo, tomadas al azar y con independencia?

Criterios específicos de corrección

ATENCIÓN: La calificación debe hacerse en múltiplos de 0,25 puntos.

OPCIÓN A

Ejercicio 1.- Cada apartado correctamente resuelto: 1 punto.

Ejercicio 2.- Planteamiento correcto del problema de optimización: 1,5 puntos. Resolución correcta del problema: 1,5 puntos.

Ejercicio 3.- Planteamiento correcto y fórmula de Bayes: 1 punto.- Resolución correcta: 1 punto.

Ejercicio 4.- Cada apartado correctamente resuelto: 1 punto.

OPCIÓN B

Ejercicio 1.- a) 0,5 puntos.- b) Cálculo correcto de A^{-1} : 0,5 puntos.- Cálculo correcto de B : 0,75 Obtención correcta de la expresión de X : 0,75 puntos.- Cálculo correcto de X : 0,5 puntos.

Ejercicio 2.- Cada apartado correctamente resuelto: 1 punto.

Ejercicio 3.- Cada apartado correctamente resuelto: 0,5 puntos.

Ejercicio 4.- Planteamiento correcto: 1 punto.- Resolución correcta: 1 punto.

NOTA:

La resolución de ejercicios por cualquier procedimiento correcto, diferente al propuesto por los coordinadores, ha de valorarse con los criterios convenientemente adaptados.