

**Examen de Matemáticas Aplicadas a las
CC. Sociales II (Modelo 2009)
Selectividad-Opción A
Tiempo: 90 minutos**

Problema 1 (3 puntos) Se considera la matriz dependiente del parámetro real k :

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & k \\ k & 1 & k \end{pmatrix}$$

1. Determinése los valores de k para los cuales A tiene inversa.
2. Para $k = 2$, calcúlese (si existe) A^{-1} .
3. Para $k = 1$, calcúlese $(A - 2A^T)^2$.

Nota: La notificación A^T representa a la matriz transpuesta de A .

Problema 2 (3 puntos) Se considera la función real de variable real definida por:

$$f(x) = x^3 + ax^2 + bx; \quad a, b \in \mathbb{R}$$

1. ¿Qué valores deben tomar a y b para que f tenga un máximo relativo en el punto $P(1, 4)$?
2. Para $a = -2$, $b = -8$, determinése los puntos de corte de la gráfica de f con los ejes de coordenadas y determinése los puntos de inflexión de dicha gráfica.
3. Para $a = -2$, $b = -8$, calcúlese el área del recinto plano acotado limitado por la gráfica de f y el eje OX .

Problema 3 (2 puntos) Calcúlese la probabilidad de cada uno de los sucesos siguientes:

1. Obtener dos caras y una cruz en el lanzamiento de tres monedas equilibradas e indistinguibles.
2. Obtener una suma de puntos igual a seis o siete en el lanzamiento de dos dados de seis caras equilibrados e indistinguibles.

Problema 4 (2 puntos) Se supone que el peso de los niños recién nacidos en una cierta región es una variable aleatoria con distribución normal de media $3,25 \text{ kg}$ y desviación típica $0,8 \text{ kg}$. Se elige aleatoriamente una muestra de 64 niños recién nacidos en esa región. Sea \bar{X} la media muestral de los pesos observados.

1. ¿Cuáles son la media y la desviación típica de \bar{X} ?
2. ¿Cuál es la probabilidad de que el peso medio de la muestra esté comprendido entre 3,3 kg y 3,5 kg?

**Examen de Matemáticas Aplicadas a las
CC. Sociales II (Modelo 2009)
Selectividad-Opción B**

Tiempo: 90 minutos

Problema 1 (3 puntos) Un hotel adquirió un total de 200 unidades entre almohadas, mantas y edredones, gastando para ello un total de 7500 euros. El precio de una almohada es de 16 euros, el de una manta 50 euros y el de un edredón 80 euros. Además, el número de almohadas compradas es igual al número de mantas más el número de edredones. ¿Cuántas almohadas, mantas y edredones ha comprado el hotel?

Problema 2 (3 puntos) Se considera la función real de variable real definida por:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 & \text{si } x < 2 \\ x + a & \text{si } 2 \leq x \leq 5 \\ -x^2 + 5x + b & \text{si } x > 5 \end{cases} \quad (a, b \in \mathbb{R})$$

1. Calcúlese los valores de a y b para que la f se continúe en $x = 2$ y en $x = 5$.
2. Para $a = 1$ y $b = 6$, calcúlese las derivadas $f'(1)$ y $f'(7)$.
3. Para $a = 1$ y $b = 6$, calcúlese la integral definida $\int_3^6 f(x)dx$

Problema 3 (2 puntos) La probabilidad de que un vehículo de una cierta compañía de coches tenga un accidente es igual a 0,2. Si uno de los vehículos sufre un accidente, la probabilidad de que necesite la asistencia de una grúa es igual a 0,85. Por otra parte, la probabilidad de que uno de los vehículos necesite la asistencia de una grúa sin haber tenido un accidente es igual a 0,1.

1. Se elige al azar un vehículo de dicha compañía, ¿cuál es la probabilidad de que necesite la asistencia de una grúa?
2. Si el vehículo elegido ha necesitado la asistencia de una grúa, ¿cuál es la probabilidad de que no haya sido por causa de un accidente?

Problema 4 (2 puntos) Se han elegido al azar 10 televisores de un taller de electrónica y se ha anotado el número de horas que se han necesitado para su reparación. Los resultados han sido:

7, 5, 8, 2, 4, 7, 4, 1, 6, 6

Se supone que el número de horas de reparación de este tipo de televisores es una variable aleatoria con distribución normal de desviación típica 1,5 horas.

1. Determínese un intervalo de confianza del 90% para el tiempo medio de reparación.
2. ¿Que tamaño debe tener la muestra para que el error máximo de la estimación sea 0,5 horas con el mismo nivel de confianza?