

Examen de Matemáticas 1º Bachillerato (CS)

Febrero 2026

Problema 1 Dada la función

$$f(x) = \frac{3x^2 - 3x + 6}{x - 2}$$

Se pide:

- Calcular su dominio.
- Calcular sus puntos de corte con los ejes coordenados.
- Calcular su signo.
- Calcular su simetría.
- Calcular sus asíntotas.
- Calcular sus intervalos de crecimiento y decrecimiento, calculando sus extremos relativos.
- Calcular sus intervalos de concavidad y convexidad, calculando sus puntos de inflexión.
- Representación gráfica.
- Calcular las rectas tangente y normal a f en el punto de abscisa $x = 1$.

Solución:

- Dominio de f : $\text{Dom}(f) = \mathbb{R} - \{2\}$
- Puntos de Corte
 - Corte con el eje OX hacemos $f(x) \neq 0 \implies$ No hay.
 - Corte con el eje OY hacemos $x = 0 \implies f(0) = -3 \implies (0, -3)$.

c)

	$(-\infty, 1)$	$(1, 2)$	$(2, +\infty)$
signo	-	-	+

d) $f(-x) \neq \pm f(x) \implies$ la función no tiene simetrías.

e) Asíntotas:

☛ **Verticales:** $x = 2$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x^2 - 3x + 6}{x - 2} = \pm\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{3x^2 - 3x + 6}{x - 2} = \left[\frac{12}{0^-} \right] = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{3x^2 - 3x + 6}{x - 2} = \left[\frac{12}{0^+} \right] = +\infty$$

☛ **Horizontales:** No hay

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 3x + 6}{x - 2} = \infty; \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2 - 3x + 6}{x - 2} = -\infty$$

☛ **Oblicuas:** $y = mx + n$

$$m = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{3x^2 - 3x + 6}{x^2 - 2x} = 3$$

$$n = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} (f(x) - mx) = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \left(\frac{3x^2 - 3x + 6}{x - 2} - 3x \right) = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{3x + 6}{x - 2} = 3$$

Luego la asíntota oblicua es $y = 3x - 3$

f)

$$f'(x) = \frac{3x(x-4)}{(x-2)^2} = 0 \implies 3x(x-4) = 0 \implies x = 0 \quad x = 4$$

	$(-\infty, 0)$	$(0, 2)$	$(2, 4)$	$(4, +\infty)$
$f'(x)$	+	-	-	+
$f(x)$	creciente ↗	decreciente ↘	decreciente ↘	creciente ↗

La función es creciente en el intervalo $(-\infty, 0) \cup (4, +\infty)$.

La función es decreciente en el intervalo $(0, 2) \cup (2, 4)$.

La función tiene un máximo relativo en el punto $(0, -3)$ y un mínimo relativo en $(4, 7)$.

g)

$$f''(x) = \frac{24}{(x-2)^3} \neq 0$$

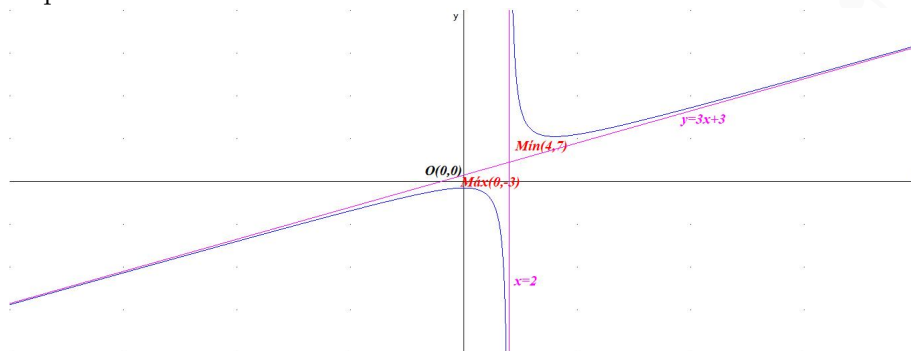
Luego la función no tiene puntos de inflexión.

	$(-\infty, 2)$	$(2, +\infty)$
$f''(x)$	-	+
$f(x)$	convexa ∩	cóncava ∪

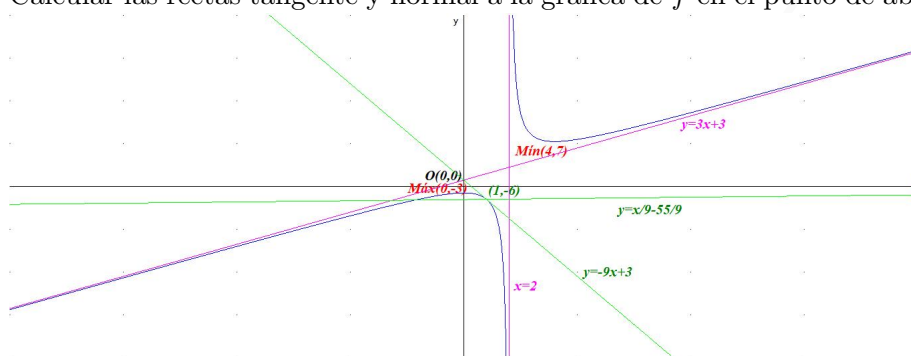
Cóncava: $(2, +\infty)$

Convexa: $(-\infty, 2)$

h) Representación:



i) Calcular las rectas tangente y normal a la gráfica de f en el punto de abscisa $x = 1$:



Como $m = f'(1) = -9$ tenemos que

$$\text{Recta Tangente : } y + 6 = -9(x - 1) \implies y = -9x + 3$$

$$\text{Recta Normal : } y + 6 = \frac{1}{9}(x - 1) \implies y = \frac{1}{9}x - \frac{55}{9}$$

Como $f(1) = -6$ las rectas pasan por el punto $(1, -6)$.