Examen de Matemáticas 1º de Bachillerato Febrero 2005

Problema 1 Calcular el dominio de las siguientes funciones:

1.
$$f(x) = \frac{x + \sqrt{x^2 - 2x - 3}}{x + 1}$$

2.
$$f(x) = \frac{x^2 - 5}{\sqrt{x - 1}}$$

Problema 2 Dadas las funciones $f(x) = \frac{1}{x+3}$ y $g(x) = \sqrt{x^2+5}$, calcular: $f \circ g, g \circ f, f \circ f$ y $g \circ g$.

Problema 3 Dada la función $f(x) = \frac{2x+3}{x+1}$, calcular la función inversa.

Problema 4 Calcular los siguientes límites

1.
$$\lim_{x \to 1} \frac{x^5 - x^4 - 3x^2 + 2x + 1}{x^4 - x^3 + 2x - 2}$$

2.
$$\lim_{x \to 5} \frac{2 - \sqrt{x^2 - 21}}{x - 5}$$

Problema 5 Dibujar la siguiente función definida a trozos

$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{si} & x \le -2 \\ x^2 & \text{si} -2 < x \le 2 \\ 3 & \text{si} & x > 2 \end{cases}$$

Problema 6 Dada la función

$$f(x) = \frac{x^2 - 9}{x}$$

Calcular:

- 1. Dominio.
- 2. Puntos de corte con los ejes.
- 3. Simetrías.
- 4. Asíntotas.
- 5. Dibujar la gráfica de la función.